

ПРОФЕССИОНАЛЬНАЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ АВТОНОМНАЯ  
НЕКОММЕРЧЕСКАЯ ОРГАНИЗАЦИЯ  
«НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИННОВАЦИОННЫЙ КОЛЛЕДЖ»

РАССМОТРЕНО:

На заседании методического совета  
Протокол № 5 от 30.05.2022г.

УТВЕРЖДАЮ:

Директор ПОАНО «НИК»  
Г.Г. Аминова  
Приказ №134-7/1 от 31.08.2022г.

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ  
для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации  
обучающихся по учебной дисциплине  
ЕН.03 Теория вероятностей и математическая статистика  
по специальности 09.02.07 «Информационные системы и программирование»  
по программе базовой подготовки  
на базе основного общего образования;  
форма обучения – очная; очно-заочная; заочная  
Квалификация выпускника – программист

г. Махачкала-2022

Фонд оценочных средств по учебной дисциплине ЕН.03 Теория вероятностей и математическая статистика разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта (далее ФГОС) среднего общего образования, утверждённого приказом Минобрнауки России от 17.05.2012 года, № 413 (с изменениями от 29.07.2017)

Квалификация выпускника – программист

Организация-разработчик: ПОАНО «Национальный инновационный колледж»

## Паспорт комплекта контрольно-оценочных средств

В результате освоения учебной дисциплины *Теория вероятности и математическая статистика* обучающийся должен обладать предусмотренными ФГОС по 09.02.07 Информационные системы и программирование общими и профессиональными компетенциями:

### **Общие компетенции:**

ОК 1. Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности, применительно к различным контекстам.

ОК 2. Осуществлять поиск, анализ и интерпретацию информации, необходимой для выполнения задач профессиональной деятельности.

ОК 9. Использовать информационные технологии в профессиональной деятельности.

### **Профессиональные компетенции:**

ПК 2.4. Осуществлять обработку, хранение и передачу информации ограниченного доступа.

## 2. Результаты освоения учебной дисциплины, подлежащие проверке

2.1. В результате аттестации по учебной дисциплине осуществляется комплексная проверка следующих умений и знаний, а также динамика формирования общих компетенций:

Таблица 1.1

Результаты обучения: умения, знания и общие компетенции	Показатели оценки результата	Форма контроля и оценивания
<b>Уметь:</b>		
Собирать и регистрировать статистическую информацию. ОК1, ОК2, ОК9, ПК2.4	Построение для заданной выборки ее графической диаграммы. Расчёт по заданной выборке её числовых характеристик. Интервальное оценивание математического ожидания нормального распределения. Интервальное оценивание вероятности события.	Практические работы Индивидуальное проектное задание
Проводить первичную обработку и контроль материалов наблюдения. ОК1, ОК2, ОК9, ПК2.4	Вычисление вероятностей и нахождение характеристик для показательно распределенной величины. Нахождение математическое ожидания и дисперсии случайной величины, распределенной по нормальному закону. Расчет характеристик НСВ.	Практические работы
Рассчитывать вероятности событий, статистические показатели и формулировать основные выводы. ОК1, ОК2, ОК9, ПК2.4	Решение задач на расчёт количества выборок Решение задач с использованием правила суммы, правила произведения. Решение задач на расчет числа перестановок без повторений, числа сочетаний без повторений. Вычисление вероятностей событий по классической формуле определения вероятности. Вычисление вероятностей сложных событий. Вычисление вероятностей событий в схеме Бернулли. Вычисление вероятности по формуле Байеса.	Практические работы
Записывать распределения и находить характеристики случайных	Решение задач на запись распределения ДСВ.	Практические работы

<p>величин. ОК1, ОК2, ОК9, ПК2.4</p>	<p>Вычисление характеристик ДСВ. Вычисление (с помощью свойств) характеристик функций от ДСВ. Вычисление вероятностей для нормально распределенной величины (или суммы нескольких нормально распределенных величин).</p>	
<p>Рассчитывать статистические оценки параметров распределения по выборочным данным и проверять метод статистических испытаний для решения отраслевых задач. ОК1, ОК2, ОК9, ПК2.4</p>	<p>Моделирование случайных величин. Моделирование случайной точки, равномерно распределенной в прямоугольнике.</p>	
<p><b>Знать:</b></p>		
<p>Основы комбинаторики и теории вероятностей.</p>	<p>Формулы нахождения перестановок, размещения, сочетания без повторений. Формулы нахождения перестановок, размещения, сочетания с повторением. Виды событий. Формулы нахождения вероятностей.</p>	<p>Практические работы Самостоятельная работа</p>
<p>Основы теории случайных величин.</p>	<p>Случайные события. Классическое определение вероятности. Вероятности сложных событий. Схема Бернулли. Пространство элементарных событий. Составные события, действия над событиями.</p>	<p>Практические работы</p>
<p>Статистические оценки параметров распределения по выборочным данным.</p>	<p>Понятие ДСВ. Распределение ДСВ. Характеристики ДСВ и их свойства Биномиальное распределение. Геометрическое распределение. Функция плотности распределения и ее свойства. Связь между дифференциальной и интегральной функцией распределения. Равномерное, нормальное, показательное распределение.</p>	<p>Практические работы</p>
<p>Методику моделирования случайных величин, метод статистических испытаний.</p>	<p>Примеры моделирования случайных величин с помощью физических экспериментов. Таблицы случайных чисел.</p>	<p>Индивидуальное проектное задание</p>

### **3. Оценка освоения учебной дисциплины:**

#### **3.1. Формы и методы оценивания**

Предметом оценки служат умения и знания, предусмотренные ФГОС по дисциплине *Теория вероятности и математическая статистика*, направленные на формирование общих компетенций.

Контроль и оценка освоения учебной дисциплины по темам (разделам)

Таблица 2.2

Элемент учебной дисциплины	Формы и методы контроля			
	Текущий контроль		Промежуточная аттестация	
	Форма контроля	Проверяемые ОК, ПК	Зачет	Проверяемые ОК, ПК
<b>Раздел 1. Элементы комбинаторики</b>			<b>Зачет</b>	ОК1, ОК2, ОК9, ПК2.4
Тема 1.1. Элементы комбинаторики	Практическая работа №1 Практическая работа №2 Практическая работа №3 Самостоятельная работа №1 Тест	ОК1, ОК2, ОК9, ПК2.4		
<b>Раздел 2. Основы теории вероятностей</b>				
Тема 2.1. Случайные события. Классическое определение вероятности	Практическая работа №4 Практическая работа №5 Практическая работа №6 Практическая работа №7 Самостоятельная работа №2 Самостоятельная работа №3 Самостоятельная работа №4 Самостоятельная работа №5 Тест	ОК1, ОК2, ОК9, ПК2.4		
<b>Раздел 3. Дискретные случайные величины (ДСВ)</b>				

<b>Тема 3.1.</b> Дискретные случайные величины (ДСВ)	Практическая работа №8 Практическая работа №9 Практическая работа №10 Самостоятельная работа №6 Самостоятельная работа №7 Самостоятельная работа №8	ОК1, ОК2, ОК9, ПК2.4		
--	--	----------------------	--	--



	Самостоятельная работа №9			
<b>Раздел 4. Непрерывные случайные величины (НСВ)</b>				
<b>Тема 4.1.</b> Непрерывные случайные величины (НСВ).	Практическая работа №11 Практическая работа №12 Практическая работа №13 Практическая работа №14 Практическая работа №15 Самостоятельная работа №10 Самостоятельная работа №11 Самостоятельная работа №12 Самостоятельная работа №13	ОК1, ОК2, ОК9, ПК2.4		
<b>Раздел 5.</b> <b>Центральная предельная теорема. Закон больших чисел. Вероятность и частота</b>				
<b>Тема 5.1.</b> Центральная предельная теорема. Закон больших чисел. Вероятность и частота	Практическая работа №16 Практическая работа №17 Практическая работа №18 Практическая работа №19 Самостоятельная работа №14 Самостоятельная работа №15	ОК1, ОК2, ОК9, ПК2.4		
<b>Раздел 6.</b> Выборочный метод. Статистические оценки параметров распределения				
<b>Тема 6.1.</b> <b>Выборочный метод. Статистические оценки параметров распределения</b>	Практическая работа №20 Практическая работа №21 Практическая работа №22 Практическая работа №23 Самостоятельная работа №16 Самостоятельная работа №17	ОК1, ОК2, ОК9, ПК2.4		
<b>Раздел 7</b> <b>Моделирование случайных величин</b>				

Тема 7.1. Моделирование случайных величин	Практическая работа №24 Практическая работа №25 Самостоятельная работа №18 Самостоятельная работа №19	ОК1, ОК2, ОК9, ПК2.4	
---	--	----------------------	--

## 3.2. Типовые задания для оценки освоения учебной дисциплины

### 3.2.1. Типовые задания для оценки знаний (текущий контроль) Тема 1.

#### Практическая работа №1 Ва-

##### риант 1

Цель: решение задач на расчет выборок, с применением элементов и формул комбинаторики, развитие самостоятельной мыслительной деятельности, вычислительных навыков, творческого мышления студентов.

1. Сколькими способами могут разместиться пять человек вокруг круглого стола?
2. Сколько двузначных чисел можно составить из цифр 1;2;5;8;9 так чтобы в каждом числе не было одинаковых цифр?
3. В бригаде из двадцати пяти человек нужно выделить четырех для работы на определенном участке. Сколькими способами это можно сделать?
4. В вазе с фруктами лежит 12 персиков и 9 слив. Сколькими способами можно выбрать 4 персика и 3 сливы?

##### Вариант 2

1. Сколькими способами можно расставить на полке семь книг?
2. Сколько существует вариантов распределения трех призовых мест, если в розыгрыше участвуют семь команд?
3. Из 15 членов туристической группы надо выбрать трех дежурных. Сколькими способами можно сделать этот выбор?
4. На полке стоит 4 энциклопедии и 11 детективов. Сколькими способами можно выбрать пять детективов и две энциклопедии?

#### Вопросы для самопроверки.

1. Что называется перестановкой из  $n$  элементов?
2. Какой смысл имеет запись  $n!$  ?
3. По какой формуле вычисляют число перестановок из  $n$  элементов?
4. Что называется размещением из  $n$  элементов по  $k$ ?
5. По какой формуле вычисляют число размещений из  $n$  элементов по  $k$ ?
6. Что называется сочетанием из  $n$  элементов по  $k$ ?
7. По какой формуле вычисляют число сочетаний из  $n$  элементов по  $k$ ?

#### Домашнее задание.

Составить и решить по две задачи на перестановки, размещения и сочетания.

#### Практическая работа №2

Задача 1.

В магазине «Все для чая» есть 6 разных чашек и 4 разных блюда. Сколькими вариантами чашки и блюда можно купить?

Задача 2.

Найдите количество трехзначных чисел, которые можно составить из цифр 1,

2, 3, 4, 5, 6, 7, если цифры в числе повторяются не могут.

Задача 3.

Сколько существует семизначных телефонных номеров, в которых всецифры разные, а номер не может начинаться с нуля?

Задача 4.

Сколькими способами можно расставить на полке 12 книг, из которых 5 книг

– это сборники стихотворений, так, чтобы сборники стояли рядом?Задача 5.

В классе 16 мальчиков и 12 девочек. Для уборки территории возле школы нужно 4 мальчика и 3 девочки. Сколькими способами можно их выбрать со всех учеников класса?

### **Практическая работа №3**

**Задача 1.** Найдите число способов расстановки 8 ладьей на шахматной доске,при которых они не бьют друг друга.

**Задача 2.** Сколькими способами можно представлять друг с другом цифры 1,2, 3,4?

**Задача 3.** За столом пять мест. Сколькими способами можно расставитьпятерых гостей?

**Задача 4.** У Лены есть 8 разных красок. Она хочет написать ими слова «Новый Год». Сколькими способами она может это сделать, если каждаябуква может быть раскрашена одним цветом и все 8 букв должны быть разные по

цвету.**Задача 5.** Сколько пятизначных чисел можно составить из цифр 1, 2, 3, 4, 5?

**Задача 6.** Из 15 членов туристической группы надо выбрать трех дежурных.Сколькими способами можно сделать этот

выбор?**Задача 7.** В магазине «Филателия» продается 8 различных марок,посвященных спортивной тематике. Сколькими способами можно выбрать изних 3

набора?

**Задача 8.** На полке стоит 12 книг: англо-русский словарь и 11 художественных произведений на английском языке. Сколькими способами читатель может выбрать 3 книги, если :

а) словарь нужен ему обязательно; б)

словарь ему не нужен?

**Задача 9.** В классе учатся 16 мальчиков и 12 девочек. Для уборки территории требуется выделить четырех мальчиков и трех девочек. Сколькими способами это можно сделать?

**Задача 10.** На тренировках занимаются 10 баскетболистов. Сколько различных стартовых пятерок может образовать тренер?

## Самостоятельная работа №1:

### КОМБИНАТОРИКА

Задача 1:

В магазине «Все для чая» есть 5 разных чашек и 3 разных блюдца. Сколькими способами можно купить чашку с блюдцем?

Задача 2:

В магазине «Все для чая» есть еще 4 чайные ложки. Сколькими способами можно купить комплект из чашки, блюдца и ложки?

Задача 3:

В Стране Чудес есть три города: А, Б и В. Из города А в город Б ведет б дорог, а из города Б в город В – 4 дороги. Сколькими способами можно проехать от А до В?

Задача 4:

В Стране Чудес есть четыре города: А, Б и В и Г. Из города А в город Б ведет 6 дорог, а из города Б в город В – 4 дороги, Из города А в город Г – две дороги, и из города Г в город В – тоже две дороги. Сколькими способами можно проехать от А до В?

Задача 5:

В магазине «Все для чая» по-прежнему продается 5 чашек, 3 блюдца и 4 чайные ложки. Сколькими способами можно купить два предмета с разными названиями?

Задача 6:

Назовем натуральное число «симпатичным», если в его записи встречаются только нечетные цифры. Сколько существует 4-значных «симпатичных» чисел?

Задача 7:

Монету бросают трижды. Сколько разных последовательностей орлови решек можно при этом получить?

Задача 8:

Каждую клетку квадратной таблицы  $2 \times 2$  можно покрасить в черный или белый цвет. Сколько существует различных раскрасок этой таблицы?

Задача 9:

Сколькими способами можно заполнить одну карточку в лотерее «Спорт-прогноз»? (В этой лотерее нужно предсказать итог тринадцати спортивных матчей. Итог каждого матча – победа одной из команд либо ничья; счет роли не играет).

Задача 10:

Алфавит племени Мумбо-Юмбо состоит из трех букв А, Б и В. Слово является любой последовательностью, состоящая не более, чем из 4 букв. Сколько слов в языке племени Мумбо-Юмбо? Указание. Сосчитайте отдельно количества одно-, двух-, трех- и четырехбуквенных слов.

Задача 11:

В футбольной команде (11 человек) нужно выбрать капитана и его заместителя. Сколькими способами это можно сделать?

Задача 12:

Сколькими способами можно сделать трехцветный флаг с горизонтальными полосами одинаковой ширины, если имеется материя шести различных цветов?

Задача 13:

Сколькими способами можно поставить на шахматную доску белую и черную ладьи так, чтобы они не били друг друга?

Задача 14:

Сколькими способами можно поставить на шахматную доску белого и черного королей так, чтобы получилась допустимая правилами игры позиция?

Задача 15:

Сколько существует трехзначных чисел, в записи которых цифры 1, 2, 3 встречаются ровно по одному разу?

Задача 16:

Сколькими способами можно выложить в ряд красный, черный, синий и зеленый шарики?

Задача 17: Слово – любая конечная последовательность букв русского алфавита. Выясните, сколько различных слов можно составить из слова) «ВЕКТОР»;

б) «ЛИНИЯ»;

в) «ПАРАБОЛА»;

г) «БИСЕКТРИСА»; д)

«МАТЕМАТИКА»;

Задача 22:

В стране 20 городов, каждые два из которых соединены авиалинией. Сколько авиалиний в этой стране?

Задача 23:

Сколько диагоналей в выпуклом  $n$ -угольнике? Задача

24:

Бусы – это кольцо, на которое нанизаны бусины. Бусы можно поворачивать, но не переворачивать. Сколько различных бус можно сделать из 13 разноцветных бусин?

Задача 25:

Предположим теперь, что бусы можно и переворачивать. Сколько тогда различных бус можно сделать из 13 разноцветных бусин?

Задача 26:

Сколько существует 6-значных чисел, в записи которых есть хотя бы одна четная цифра?

Задача 27:

В алфавите племени Бум-Бум шесть букв. Словом является любая последовательность из шести букв, в которой есть хотя бы две одинаковые буквы. Сколько слов в языке племени Бум-Бум?

Задача 28:

В киоске «Союзпечать» продаются 5 видов конвертов и 4 вида марок. Сколькими способами можно купить конверт с маркой?

## Тесты

- 1) Сколько среди всех перестановок букв слова «высота» таких, которые начинаются с буквы «в»?
  - a. 120
  - b. >100
  - c. >700
  - d. 720
- 2) Сколько среди всех перестановок букв слова «высота» таких, которые начинаются с буквы «а», а оканчиваются буквой «т»?
  - a. 24
  - b. >20
  - c. >100
  - d. 120
- 3) В вагон, где имеется 10 свободных мест, вошли 6 пассажиров. Сколькими способами они могут разместиться в этом вагоне на свободных местах?
  - a. 151200
  - b. >150000
  - c. 5040
  - d. <100000
- 4) Из 10 разных цветков нужно составить букет, содержащий 7 цветков. Сколькими способами это можно сделать?
  - a. 502
  - b. >100
  - c. <100
  - d. 70
- 5) В магазине продается 8 различных наборов марок, посвященных спортивной тематике. Сколькими способами можно выбрать из них 3 набора?
  - a. 56
  - b. >50
  - c. 24
  - d. <50
- 6) Учащимся дали список из 10 книг, которые рекомендуется прочитать во время каникул. Сколькими способами ученик может выбрать из них 6 книг?
  - a. 210
  - b. >200
  - c. <70
  - d. 60

## Практическая работа №4:

### Вариант 1:

Цель: вычисление вероятностей событий по классической формуле определения вероятности, развитие самостоятельной мыслительной деятельности, вычислительных навыков, творческого мышления студентов.

#### 1 вариант.

1. В ящике имеется 15 деталей, среди которых 10 окрашенных. Сборщик наудачу извлекает 3 детали. Найти вероятность того, что извлеченные детали окажутся окрашенными.
2. В цехе работают 10 мужчин и 5 женщин. По табельным номерам наудачу отобраны 7 человек. Найти вероятность того, что среди отобранных лиц окажутся 3 женщины.

3. В урне 10 белых и 5 черных шаров. Сколькими способами можно наугад вынуть 3 шара, чтобы 2 шара оказались белыми, а один черным?
4. Отдел технического контроля обнаружил 15 бракованных ламп в партии из случайно отобранных 200 ламп. Найти относительную частоту появления бракованных ламп.
5. При испытании партии приборов относительная частота годных приборов оказалась равной 0,8. найти число годных приборов, если всего было проверено 250 приборов.

#### **Вариант 2**

1. В урне имеется 20 шаров, среди которых 12 красного цвета. Из урны наудачу извлекают 5 шаров. Найти вероятность того, что извлеченные шары не красные.
2. В партии из 15 деталей имеется 3 стандартных. Наудачу отобраны 4 детали. Найти вероятность того, что среди отобранных деталей ровно 2 стандартных.
3. В группе 20 юношей и 10 девушек. Сколькими способами можно избрать трех юношей и двух девушек для участия в слете студентов?
4. По цели произведено 40 выстрелов, причем зарегистрировано 37 попаданий. Найти относительную частоту промахов.
5. При испытании партии телевизоров относительная частота бракованных телевизоров оказалась равной 0,15. найти число качественных телевизоров, если было проверено 400 телевизоров.

#### **Вопросы для самопроверки.**

1. Какое событие называют достоверным?
2. Какое событие называют невозможным?
3. Дайте определение противоположных событий.
4. Сформулируйте классическое определение вероятности.
5. Чему равна вероятность достоверного события?
6. Чему равна вероятность невозможного события?
7. Каким неравенствам удовлетворяет вероятность любого события?
8. Что называется относительной частотой события?

#### **Практическая работа №5 Вариант 1**

Цель: решение задач на вычисление сложных событий, развитие логического и творческого мышления студентов, самостоятельной деятельности, вычислительных навыков.

#### **Вариант 1.**

1. В пирамиде 10 винтовок, три из которых снабжены оптическим прицелом. Вероятность того, что стрелок поразит мишень при выстреле из винтовки с оптическим прицелом, равна 0,85; для винтовки без оптического прицела эта вероятность равна 0,7. Найти вероятность того, что мишень будет поражена, если стрелок произведет один выстрел из наудачу взятой винтовки.
2. В первой коробке содержится 25 радиоламп, из них 20 стандартных; во второй коробке – 15 ламп, из них 11 стандартных. Из второй коробки



наудачу взята лампа и переложена в первую. Найти вероятность того, что лампа, наудачу извлеченная из первой коробки, будет стандартной.

3. Имеется два набора деталей. Вероятность того, что деталь первого набора стандартная, равна 0,85, а второго – 0,95. Найти вероятность того, что взятая наудачу деталь (из наудачу взятого набора) – стандартная.

4. Набирая номер телефона, абонент забыл 2 цифры и, помня лишь, что эти цифры различны, набрал их наугад. Найти вероятность того, что набранные цифры правильные.

5. Из 50 деталей 18 изготовлены в первом цехе, 20 – во втором, остальные в третьем. Первый и третий цеха дают продукцию отличного качества с вероятностью 0,95, второй цех – с вероятностью 0,7. Какова вероятность того, что взятая наудачу деталь будет отличного качества?

### **Вопросы для самопроверки.**

#### **Домашнее задание.**

В первой урне 6 белых и 4 черных шара, а во второй урне 5 белых и 7 черных шаров. Из первой урны взяли 3 шара, а из второй – 2 шара. Найти вероятность того, что среди вынутых шаров все шары одного цвета.

### **Вариант 2**

1. В пирамиде 25 винтовок, 8 из которых снабжены оптическим прицелом. Вероятность того, что стрелок поразит мишень при выстреле из винтовки с оптическим прицелом, равна 0,9; для винтовки без оптического прицела эта вероятность равна 0,65. Найти вероятность того, что мишень будет поражена, если стрелок произведет один выстрел из наудачу взятой винтовки.

2. В первой коробке содержится 35 радиоламп, из них 20 стандартных; во второй коробке – 25 ламп, из них 10 стандартных. Из второй коробки наудачу взята лампа и переложена в первую. Найти вероятность того, что лампа, наудачу извлеченная из первой коробки, будет стандартной.

3. Имеется два набора деталей. Вероятность того, что деталь первого набора стандартная, равна 0,7, а второго – 0,9. Найти вероятность того, что взятая наудачу деталь (из наудачу взятого набора) – стандартная.

4. Брошены две игральные кости. Найти вероятность того, что сумма выпавших очков равна 8.

5. Из 70 деталей 20 изготовлены в первом цехе, 25 – во втором, остальные в третьем. Первый и третий цеха дают продукцию отличного качества с вероятностью 0,9, второй цех – с вероятностью 0,75. Какова вероятность того, что взятая наудачу деталь будет отличного качества?

### **Вопросы для самопроверки.**

1. Сформулируйте теорему умножения событий.
2. Сформулируйте теорему сложения событий.
3. Формула условной вероятности.
4. Формула полной вероятности.

#### **Домашнее задание.**

В первой урне 6 белых и 4 черных шара, а во второй урне 5 белых и 7 черных

шаров. Из первой урны взяли 3 шара, а из второй – 2 шара. Найти вероятность того, что среди вынутых шаров все шары одного цвета.

### **Практическая работа №6** **Вариант 1.**

Цель: решение задач на вычисление вероятностей событий в схеме Бернулли, развитие логического и творческого мышления студентов, самостоятельной деятельности, вычислительных навыков.

1. Монету бросают 8 раз. Найти вероятность того, что «герб» выпадет не менее двух раз.
2. В семье шесть детей. Найти вероятность того, что среди этих детей два мальчика. Вероятность рождения мальчика принять равной 0,51.
3. В каждом из 500 независимых испытаний событие А происходит с постоянной вероятностью 0,4. Найти вероятность того, что событие А происходит: точно 220 раз; меньше чем 240 и больше чем 180 раз.
4. В цехе 6 моторов. Для каждого мотора вероятность того, что он в данный момент включен, равна 0,8. Найти вероятность того, что в данный момент включены все моторы.
5. Найти вероятность того, что при 400 испытаниях событие наступит ровно 104 раза, если вероятность его появления в каждом испытании равна 0,2.

### **Вариант 2.**

1. Найти вероятность того, что событие А появится не менее трех раз в пяти испытаниях, если вероятность появления события А в одном испытании равна 0,4.
2. Вероятность всхожести семян пшеницы равна 0,9. Какова вероятность того, что из четырех посеянных семян взойдут не менее трех?
3. В каждом из 700 независимых испытаний событие А происходит с постоянной вероятностью 0,35. Найти вероятность того, что событие А происходит: точно 270 раз; меньше чем 270 и больше чем 230 раз.
4. Найти вероятность того, что событие А появится в пяти независимых испытаниях не менее трех раз, если в каждом испытании вероятность появления события А равна 0,4.
5. Найти вероятность того, что при 300 испытаниях событие наступит ровно 100 раз, если вероятность его появления в каждом испытании равна 0,6.

### **Вопросы для самопроверки.**

1. Вероятности каких событий можно вычислять по формуле Бернулли?
2. Как записывается формула Бернулли?
3. Вероятности каких событий можно вычислять по локальной теореме Лапласа?
4. Вероятности каких событий можно вычислять по интегральной теореме Лапласа?
5. Как записывается формула локальной теоремы Лапласа?
6. Как записывается формула интегральной теоремы Лапласа?

### **Практическая работа №7**

#### Задача 1.

В первой урне 2 белых и 6 черных шаров, во второй – 4 белых и 2 черных. Из первой урны наудачу переложили 2 шара во вторую, после чего из второй урны наудачу достали один шар.

а) Какова вероятность того, что этот шар белый?

б) Шар, взятый из второй урны, оказался белым. Какова вероятность того, что из первой урны во вторую были переложены 2 белых шара?

#### Задача 2

В ящике лежат 20 теннисных мячей, в том числе 15 новых и 5 игранных. Для игры выбираются 2 мяча и после игры возвращаются обратно. Затем для второй игры также наудачу извлекаются ещё два мяча. Найти вероятность того, что вторая игра будет проводиться новыми мячами.

#### Задача 3

Сообщение со спутника на землю передаётся в виде бинарного кода, то есть как упорядоченного набора нулей и единиц. Предположим, что послание на 70% состоит из нулей. Помехи приводят к тому, что только 80% нулей и единиц правильно распознаются приёмником. Если принят сигнал "1", то какова вероятность того, что отправлен сигнал "0"?

#### Задача 4

Для проверки усвоения лекционного материала в студенческой группе был случайным образом выбран студент, и ему был предложен тест по теме лекции. В этой студенческой группе 6 отличников, 7 хороших студентов и три средних студента (по результатам прошедшей сессии). Было известно, что отличник справляется с тестом с вероятностью 0,85, хороший студент справляется с тестом с вероятностью 0,6, а средний студент справляется с тестом с вероятностью 0,3.

а) вычислить априорную вероятность того, что был протестирован хороший студент;

в) вычислить вероятность того, что студент не справился с тестом;

с) вычислить вероятность того, что был выбран хороший студент, если известно, что студент с тестом не справился.

#### Задача 5

В упаковке находилось 7 изделий первого сорта и 5 изделий второго сорта, внешне неразличимых. При транспортировке два изделия были похищены. После этого из упаковки было извлечено наудачу изделие и подвергнуто проверке на качество.

а) вычислить вероятность того, что были похищены изделия второго сорта;

в) вычислить вероятность того, что среди похищенных изделий одно было первого сорта, другое второго сорта;

с) вычислить вероятность того, подвергнутое проверке изделие было второго сорта;

д) вычислить вероятность того, что похищенные изделия были второго сорта.

#### Тесты

1) На экзамене 25 билетов, Сергей не выучил 3 из них. Вероятность того, что ему попадётся выученный билет равна ...

- a. 0,88
- b. 0,7
- c. 0,12
- d. 22

2) Коля выбирает трехзначное число. Вероятность того, что оно делится на 5, равна...

- a. 0,2
- b. 0,3
- c. 1,2
- d. 1,5

3) На тарелке 12 пирожков: 5 с мясом, 4 с капустой и 3 с вишней. Наташа наугад выбирает один пирожок. Вероятность того, что он окажется свишней, равна...

- a. 0,25
- b. 1,25
- c. 0,2
- d. 0,4

4) В среднем из каждых 80 поступивших в продажу аккумуляторов 76 аккумуляторов заряжены. Вероятность того, что купленный аккумулятор не заряжен, равна...

- a. 0,05
- b. 0,5
- c. 0,2
- d. 1

5) Для экзамена подготовили билеты с номерами от 1 до 50. Какова вероятность того, что наугад взятый учеником билет имеет однозначный номер?

- a. 0,3
- b. 0,18
- c. 0,72
- d. 0,7

б) В мешке содержатся жетоны с номерами от 5 до 54 включительно.

Какова вероятность, того, что извлеченный наугад из мешка жетон содержит двузначное число?

- a. 0,9
- b. 0,1
- c. 0,8
- d. 0,3

7) В денежно-вещевой лотерее на 100 000 билетов разыгрывается 1300 вещевых и 850 денежных выигрышей. Какова вероятность получить вещевой выигрыш?

- a. 0,013

- b. 0,13
- c. 0,21
- d. 0,3

8) Стас, Денис, Костя, Маша, Дима бросили жребий — кому начинать игру. Вероятность того, что начинать игру должна будет девочка, равна ...

- a. 0,2
- b. 0,8
- c. 0,5
- d. 0,1

спортсменов из Норвегии и 3 спортсмена из Швеции. Порядок, в котором спортсмены стартуют, определяется жребием. Вероятность того, что первым будет стартовать спортсмен из России, равна...

- a. 0,55
- b. 0,11
- c. 0,45
- d. 0,7

10) Вероятность того, что при бросании игрального кубика (правильной кости) выпадет нечетное число очков, равна...

- a. 0,5
- b. 0,6
- c. 0,4
- d. 0,2

11) Вероятность того, что при бросании кубика выпадет число очков, не большее 3, равна...

- a. 0,5 (+)
- b. 0,9
- c. 0,7
- d. 0,2

12) Игральную кость бросают дважды. Вероятность того, что оба раза выпало число, большее 3, равна...

- a. 0,25
- b. 1
- c. 0,5
- d. 0,75

13) В случайном эксперименте симметричную монету бросают дважды.

Вероятность того, что орел выпадет ровно 1 раз, равна... а. 0,5

- b. 1
- c. 0,25
- d. 1,5

- 14) Вероятность того, что новая шариковая ручка пишет плохо (или не пишет), равна 0,19. Покупатель в магазине выбирает одну такую ручку. Вероятность того, что эта ручка пишет хорошо, равна...а. 0,81
- b. 0,19
  - c. 0,7
  - d. 0,3
- 15) Брошены две игральные кости. Вероятность того, что сумма очков выпавших граней – четная, причем на грани хотя бы одной из костей появится шестерка, равна...
- a.  $\frac{5}{36}$
  - b.  $\frac{5}{12}$
  - c. 0,5
  - d. 0,36
- 16) Задумано двузначное число. Какова вероятность того, что задуманным числом окажется случайно названное двузначное число?а.  $\frac{1}{90}$
- b.  $\frac{1}{20}$
  - c.  $\frac{1}{2}$
  - d.  $\frac{1}{22}$
- 17) Брошены две игральные кости. Какова вероятность того, что сумма выпавших очков равна семи?
- a.  $\frac{1}{6}$
  - b.  $\frac{1}{2}$
  - c. 1
  - d.  $\frac{5}{36}$
- 18) Брошены две игральные кости. Какова вероятность того, что сумма выпавших очков равна восьми, а разность - четырем?
- a.  $\frac{1}{18}$
  - b.  $\frac{5}{36}$
  - c.  $\frac{1}{6}$
  - d.  $\frac{1}{36}$
- 19) Монета брошена два раза. Вероятность того, что хотя бы один раз появится «герб», равна...
- a.  $\frac{3}{4}$
  - b.  $\frac{1}{2}$
  - c. 0
  - d.  $\frac{1}{4}$
- 20) Бросили игральный кубик и монету одновременно. Какова вероятность, что на монете выпадет орел, а на кубике – четное число очков?
- a. 0,25

- b. 0,75
- c. 0,5
- d. 1

21) Какова вероятность, что при бросании игрального кубика выпадет не более 5 очков?

- a.  $5/6$
- b.  $>0,8$
- c.  $2/3$
- d.  $<0,7$

22) Какова вероятность, что при бросании игрального кубика выпадет менее 4 очков?

- a.  $1/2$
- b.  $<0,6$
- c.  $2/3$
- d.  $>0,6$

23) На плоскости отмечено восемь точек, никакие три из которых не лежат на одной прямой. Сколько прямых можно провести через эти точки?

- a. 28
- b.  $>25$
- c. 24
- d.  $<25$

24) В 2006 г. в городе Дмитрове в июле и августе было 46 солнечных дней. Какова относительная частота солнечных дней в указанные два месяца?

- a.  $>0,7$
- b.  $23/31$
- c.  $46/60$
- d.  $<0,7$

### Практическая работа №8

Цель: решение задач на запись распределения ДСВ, развитие логического и творческого мышления студентов, самостоятельной деятельности, вычислительных навыков.

#### Вариант 1

X	2	4	5	6
P	0,3	0,1	0,4	0,2

1. Построить многоугольник распределения дискретной случайной величины X, заданной законом распределения:

2. В партии из шести деталей имеется четыре стандартные. Наудачу отобраны три детали. Составить закон распределения дискретной случайной

величины  $X$  – числа стандартных деталей среди отобранных.

3. Устройство состоит из трех независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого элемента в одном опыте равна 0,3. Составить закон распределения числа отказавших элементов в одном опыте.

X	3	4	5	6	7
P	$p_1$	0,15	$p_3$	0,25	0,35

4. Дискретная случайная величина  $X$  имеет закон распределения. Найти вероятности  $p_1$  и  $p_3$ , если известно, что  $p_3$  в 4 раза больше  $p_1$ .

5. Монету подбрасывают пять раз. Составить закон распределения случайной величины  $X$  – числа выпадения герба.

**Вариант 2**

X	2	5	8	9
P	0,2	0,15	0,1	0,3



Построить многоугольник распределения дискретной случайной величины  $X$ , заданной законом распределения:

1. В денежной лотерее выпущено 500 билетов. Разыгрывается два выигрыша по 1000 рублей, десять выигрышей по 100 рублей и двадцать – по 50 рублей. Найти закон распределения случайной величины  $X$  – стоимости возможного выигрыша для владельца одного лотерейного билета.
2. В партии 10% нестандартных деталей. Наудачу отобраны четыре детали. Написать закон распределения дискретной случайной величины  $X$  – числа нестандартных деталей среди четырех отобранных.
3. Дискретная случайная величина  $X$  имеет закон распределения

X	2	5	8	11	14
P	$p_1$	0,15	$p_3$	0,45	0,15

Найти вероятности  $p_1$  и  $p_3$ , если известно, что  $p_1$  в 2 раза меньше  $p_3$ .

4. Банк выдает пять кредитов. Вероятность невозврата кредита равна 0,2 для каждого из заемщиков. Составить закон распределения случайной величины  $X$  – числа заемщиков, не вернувших кредит по окончании срока кредитования.

#### Вопросы для самопроверки.

1. Дайте определение дискретной случайной величины.
2. Дайте определение непрерывной случайной величины.
3. Дайте определение закона распределения дискретной случайной величины.
4. Дайте определение многоугольника распределения дискретной случайной величины.
5. Формула биномиального распределения.

#### Практическая работа №9

Цель: решение задач на вычисление характеристик ДСВ, развитие логического и творческого мышления студентов, самостоятельной деятельности, вычислительных навыков.

#### Вариант 1.

1. Производится три выстрела с вероятностями попадания в цель, равными  $p_1=0,7$ ;  $p_2=0,8$  и  $p_3=0,6$ . Найти математическое ожидание общего числа попаданий.

X	2	4	5	6
P	0,3	0,1	0,4	0,2

2. Найти дисперсию и среднее квадратическое отклонение случайной величины  $X$ , которая задана следующим законом распределения:
3. Случайная величина  $X$  может принимать два возможных значения:  $x_1$  с вероятностью 0,3 и  $x_2$  с вероятностью 0,7, причем  $x_1$  меньше  $x_2$ . Найти  $x_1$  и  $x_2$ , зная, что  $M(X)=2,7$  и  $D(X)=0,21$ .

4. Дискретная случайная величина  $X$  принимает 3 возможных значения:  $x_1=6$  с вероятностью  $p_1=0,5$ ,  $x_2=4$  с вероятностью  $p_2=0,3$  и  $x_3$  с вероятностью  $p_3$ . Найти  $x_3$  и  $p_3$ , зная, что  $M(X)=12$ .

X	3	4	5	6	7
P	$p_1$	0,15	$p_3$	0,25	0,35

5. Построить многоугольник распределения дискретной случайной величины, заданной законом распределения.

**Вопросы для самопроверки.**

1. Дайте определение математического ожидания случайной величины.
2. Что называется дисперсией случайной величины?
3. Запишите формулу вычисления математического ожидания случайной величины.
4. Запишите формулу вычисления дисперсии случайной величины.
5. Свойства математического ожидания случайной величины.
6. Свойства дисперсии случайной величины.
7. Дайте определение среднего квадратического отклонения.
8. Запишите формулу вычисления среднего квадратического отклонения.
9. Способы задания закона распределения дискретной случайной величины.
10. Определение биномиального закона распределения.
11. Формула биномиального закона распределения дискретной случайной величины.

**Вариант 2.**

1. Найти математическое ожидание суммы числа очков, которые могут выпасть при бросании двух игральных костей.

X	2	5	8	9
P	0,2	0,4	0,1	0,3

2. Найти дисперсию и среднее квадратическое отклонение случайной величины  $X$ , которая задана следующим законом распределения:

3. Случайная величина  $X$  может принимать два возможных значения:  $x_1=4$  с вероятностью  $p_1$  и  $x_2 = 6$  с вероятностью  $p_2$ . Найти  $p_1$  и  $p_2$ , зная, что  $M(X)=10,8$  и  $D(X)=0,84$ .

4. Дискретная случайная величина  $X$  принимает 3 возможных значения:  $x_1=8$  с вероятностью  $p_1=0,2$ ,  $x_2=6$  с вероятностью  $p_2=0,4$  и  $x_3$  с вероятностью  $p_3$ . Найти  $x_3$  и  $p_3$ , зная, что  $M(X)=20$ .

X	2	5	8	11	14
P	$p_1$	0,15	$p_3$	0,45	0,15

5. Построить многоугольник распределения дискретной случайной величины, заданной законом распределения.

**Вопросы для самопроверки.**

1. Дайте определение математического ожидания случайной величины.

2. Что называется дисперсией случайной величины?
3. Запишите формулу вычисления математического ожидания случайной величины.
4. Запишите формулу вычисления дисперсии случайной величины.
5. Свойства математического ожидания случайной величины.
6. Свойства дисперсии случайной величины.
7. Дайте определение среднего квадратического отклонения.
8. Запишите формулу вычисления среднего квадратического отклонения.
9. Способы задания закона распределения дискретной случайной величины.
10. Определение биномиального закона распределения.
11. Формула биномиального закона распределения дискретной случайной величины.

### **Практическая работа №10:**

Цель: решение задач на вычисление характеристик функций от ДСВ(с помощью свойств), развитие логического и творческого мышления студентов, самостоятельной деятельности, вычислительных навыков.

#### **Вариант 1.**

1. Случайная величина  $X$  задана на всей оси  $x$  функцией распределения  $F(x)=$ . Найти вероятность того, что в результате испытания величина  $X$  примет значение, заключенное в интервале  $(0;1)$ .
2. Найти функцию распределения по данной плотности распределения и построить ее график:  $f(x) =$
3. Найти плотность распределения случайной величины  $X$ , заданной функцией распределения  $F(x)=$
4. Непрерывная случайная величина  $X$  задана плотностью распределения  $f(x) =$  в интервале  $(0; )$ ; вне этого интервала  $f(x) =0$ . Найти вероятность того, что  $X$  примет значение, принадлежащее интервалу  $(;)$

#### **Вопросы для самопроверки.**

1. Дайте определение функции распределения вероятностей случайной величины.
2. Сформулируйте свойства функции распределения вероятностей случайной величины.
3. Дайте определение плотности распределения вероятностей случайной величины.
4. Сформулируйте свойства плотности распределения вероятностей случайной величины.

#### **Вариант 2.**

1. Случайная величина  $X$  задана на всей оси  $x$  функцией распределения  $F(x)=$ . Найти вероятность того, что в результате испытания величина  $X$  примет значение, заключенное в интервале  $(-1;1)$ .
2. Найти функцию распределения по данной плотности распределения и построить ее график:  $f(x) =$

3. Найти плотность распределения случайной величины  $X$ , заданной функцией распределения  $F(x)=$

4. Непрерывная случайная величина  $X$  задана плотностью распределения  $f(x) = \alpha e^{-\alpha x}$  ( $\alpha > 0$ ) в интервале  $(0; \infty)$ ; вне этого интервала  $f(x) = 0$ . Найти вероятность того, что  $X$  примет значение, принадлежащее интервалу  $(1; 2)$

#### **Вопросы для самопроверки.**

1. Дайте определение функции распределения вероятностей случайной величины.
2. Сформулируйте свойства функции распределения вероятностей случайной величины.
3. Дайте определение плотности распределения вероятностей случайной величины.
4. Сформулируйте свойства плотности распределения вероятностей случайной величины.

#### **Практическая работа №11**

Цели занятия: решение задач на формулу геометрического определения вероятности для одномерного случая, для двумерного случая, для простейших функций от двух независимых равномерно распределённых величин, развитие логического и творческого мышления студентов, самостоятельной деятельности, вычислительных навыков.

##### **Вариант 1**

1. Автобусы маршрута № 875 идут строго по расписанию. Интервал движения 5 минут. Найти вероятность того, что пассажир, подошедший к остановке, будет ожидать очередной автобус менее трех минут.
2. Найти математическое ожидание случайной величины  $X$ , распределенной равномерно в интервале  $(2; 8)$ .
3. Найти дисперсию случайной величины  $X$ , распределенной равномерно в интервале  $(4; 12)$ .
4. Найти среднеквадратическое отклонение случайной величины  $X$ , распределенной равномерно в интервале  $(1; 5)$ .

##### **Вариант 2.**

1. Автолайны маршрута № 10 идут строго по расписанию. Интервал движения 10 минут. Найти вероятность того, что пассажир, подошедший к остановке, будет ожидать очередной автобус менее семи минут.

2. Найти математическое ожидание случайной величины  $X$ , распределенной равномерно в интервале  $(0;6)$ .
3. Найти дисперсию случайной величины  $X$ , распределенной равномерно в интервале  $(3;9)$ .
4. Найти среднее квадратическое отклонение случайной величины  $X$ , распределенной равномерно в интервале  $(2;6)$ .

#### Вопросы для самопроверки.

1. Какой формулой задается плотность равномерного распределения?
2. Дайте определение равномерного распределения вероятности.
3. Что вы знаете о функции распределения случайной величины, распределенной по равномерному закону?
4. Дайте определение математического ожидания случайной величины, распределенной по равномерному закону. Запишите ее формулу.
5. Дайте определение дисперсии случайной величины, распределенной по равномерному закону. Запишите ее формулу.

### Практическая работа №12

Цель: решение задач на вычисление вероятностей и нахождение характеристик для НСВ с помощью функции плотности и интегральной функции распределения, развитие логического и творческого мышления студентов, самостоятельной деятельности, вычислительных навыков.

#### Вариант 1.

1. Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение случайной величины  $X$ , заданной плотностью распределения  $f(x) = 1$  на интервале  $(0;1)$ .
2. Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение случайной величины  $X$ , заданной функцией распределения  $F(x) =$
3. Случайная величина  $X$  в интервале  $(2;4)$  задана плотностью распределения  $f(x) = -0,75x^2 + 4,5x - 6$ ; вне этого интервала  $f(x) = 0$ . Найти моду величины  $X$ .
4. Найти дисперсию случайной величины  $X$ , заданной функцией распределения  $F(x) =$
5. Случайная величина  $X$  задана плотностью распределения  $f(x) = 2x$  в интервале  $(0;2)$ ; вне этого интервала  $f(x) = 0$ . Найти начальные моменты первого, второго, третьего и четвертого порядков.

#### Вопросы для самопроверки.

#### Вариант 2.

1. Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение случайной величины  $X$ , заданной плотностью распределения  $f(x) = 2x$  на интервале  $(0;2)$ .
2. Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение случайной величины  $X$ , заданной функцией распределения  $F(x) =$
3. Случайная величина  $X$  в интервале  $(3;5)$  задана плотностью распределения  $f(x) = -0,75x^2 + 6x - 11,25$ ; вне этого интервала  $f(x) = 0$ . Найти моду величины  $X$ .

4. Найти дисперсию случайной величины  $X$ , заданной функцией распределения  $F(x)=$

5. Случайная величина  $X$  задана плотностью распределения  $f(x) = 3x$  в интервале  $(0;1)$ ; вне этого интервала  $f(x) = 0$ . Найти начальные моменты первого, второго, третьего и четвертого порядков.

#### Вопросы для самопроверки.

1. Дайте определение математического ожидания непрерывной случайной величины.
2. Дайте определение дисперсии непрерывной случайной величины.
3. Дайте определение среднего квадратического отклонения непрерывной случайной величины.
4. Дайте определение моды.
5. Дайте определение начального момента.
6. Запишите формулы вычисления моды и начального момента.

### Практическая работа №13

Цель: решение задач на вычисление вероятностей для нормально распределенной величины или суммы нескольких нормально- распределенных величин; вычисление вероятностей и нахождение характеристик для показательного распределенной величины, развитие логического и творческого мышления студентов, самостоятельной деятельности, вычислительных навыков.

#### Вариант 1.

1. Математическое ожидание нормально распределенной величины  $X$  равно 3 и среднее квадратическое отклонение 2. Написать плотность вероятности  $X$ .
2. Нормально распределенная случайная величина  $X$  задана плотностью  $f(x) = 5$ . Найти математическое ожидание и дисперсию  $X$ .
3. Написать плотность и функцию распределения показательного закона, если параметр  $\lambda=4$ .
4. Найти дисперсию и среднее квадратическое отклонение показательного распределения, заданного функцией распределения  $F(x) = (x)$ .
5. Найти математическое ожидание показательного распределения, заданного при  $x$  плотностью распределения  $f(x) =$ .

#### Вариант 2.

1. Математическое ожидание нормально распределенной величины  $X$  равно 9 и среднее квадратическое отклонение 6. Написать плотность вероятности  $X$ .
2. Нормально распределенная случайная величина  $X$  задана плотностью  $f(x)=3$ . Найти математическое ожидание и дисперсию  $X$ .
3. Написать плотность и функцию распределения показательного закона, если параметр  $\lambda=6$ .
4. Найти дисперсию и среднее квадратическое отклонение показательного распределения, заданного функцией распределения  $F(x) = (x)$ .
5. Найти математическое ожидание показательного распределения, заданного при  $x$  функцией распределения  $F(x) =$ .

#### Вопросы для самопроверки.

1. Дайте определение нормального распределения.

2. Запишите формулу плотности нормального распределения.
3. Дайте определение показательного распределения.
4. Запишите формулу плотности показательного распределения.
5. Дайте определение и запишите формулу функции показательного распределения.

#### **Практическая работа №14**

**Задание 1.** Дана выборка: 1; 1; 2; 3; Найти несмещенную оценку дисперсии. **Задание 2.** Исследуемая величина распределена равномерно на отрезке  $[a;b]$ . Дана выборка: 1; 1; 2; 3. Методом моментов найти оценки для концов отрезка

$[a;b]$ .

**Задание 3.** В результате наблюдений значений случайной величины  $X$  получены 300 значений, по ним построена гистограмма частот. К какому типу распределений скорее всего относится закон распределения случайной величины  $X$  ?

**Задание 4.** Исследуемая случайная величина распределена по нормальному закону. По выборке объема 16 найдена выборочная средняя 20,2 и исправленное стандартное отклонение 0,8 . Построить доверительный интервал для математического ожидания с надежностью 0,95.

**Задание 5.** Исследуемая случайная величина распределена по нормальному закону. По выборке объема 25 найдено исправленное стандартное отклонение 0,8. Построить доверительный интервал для параметра  $\sigma$  с надежностью 0,95

## Практическая работа №15, 16

**Задача 1.** Случайная величина задана дифференциальной функцией распределения

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq \pi, \\ -\cos x & \text{при } \pi < x \leq \frac{3}{2}\pi, \\ 0 & \text{при } x > \frac{3}{2}\pi. \end{cases}$$

- 1) Определить вероятность попадания случайной величины  $X$  в интервал  $[\pi, 5/4\pi]$ .
- 2) Найти математическое ожидание и дисперсию случайной величины  $X$ .

**Задача 2.** Случайная величина  $X$  задана плотностью вероятности:

$$f(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 1; \\ C \cdot (x-1), & 1 < x \leq 3; \quad \alpha = 0, \beta = 3 \\ 0, & x > 3; \end{cases}$$

Требуется:

- а) найти коэффициент  $C$ ;
- б) найти функцию распределения  $F(x)$ ;
- в) найти  $M(X)$ ,  $D(X)$ ,  $\sigma(X)$
- г) найти вероятность  $P(\alpha < X < \beta)$ ;
- д) построить графики  $f(x)$  и  $F(x)$ .

**Задача 3.** Случайная величина  $X$  задана функцией распределения  $F(x)$ . А) является ли случайная величина  $X$  непрерывной?

Б) имеет ли случайная величина  $X$  плотность вероятности  $f(X)$ ? Если имеет, найти ее.

В) постройте схематично графики  $f(X)$  и  $F(X)$ .

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 1, \\ x-1, & 1 < x \leq 2, \\ 1, & x > 2. \end{cases}$$

**Задача 4.** Дана функция распределения  $F(x)$  непрерывной случайной величины  $X$ .

1. Найти значения параметров  $a, b$
2. Построить график функции распределения  $F(x)$

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0, \\ 1 - ae^{-bx}, & x \geq 0. \end{cases}$$

$$\alpha = -1, \beta = 1.$$

**Задача 5.** Время в годах безотказной работы прибора подчинено показательному закону, т.е. плотность распределения этой случайной величины такова:  $f(t) = 2e^{-2t}$  при  $t \geq 0$  и  $f(t) = 0$  при  $t < 0$ .

- 1) Найти формулу функции распределения этой случайной величины.
- 2) Определить вероятность того, что прибор проработает не более года.
- 3) Определить вероятность того, что прибор безотказно проработает 3 года.



### Практическая работа №17

Цель: решение задач используя неравенство Маркова. Задача 1

Сумма всех вкладов в отделение банка составляет 2 млн.руб., а вероятность того, что случайно взятый вклад не превысит 10 тыс.руб., равна 0,6. Что можно сказать о числе вкладчиков?

Задача 2

Средний расход воды на животноводческой ферме составляет 1000 л в день, а среднее квадратичное отклонение этой случайной величины не превышает 200 л. Оценить вероятность того, что расход воды на ферме в любой выбранный день не превзойдет 2000 л, используя неравенство Маркова.

Задача 3

Оценить вероятность того, что в течение ближайшего дня потребность в воде в населенном пункте превысит 150 000 л, если среднесуточная потребность в ней составляет 50 000 л.

### Практическая работа №18

Цель: решение задач используя неравенство Чебышева. Вариант

1

1. Вероятность того, что акции, переданные на депозит, будут востребованы, равна 0,08. Оценить с помощью неравенства Чебышева вероятность того, что среди 1000 клиентов от 70 до 90 востребуют свои акции.
2. Среднее значение длины детали 50 см, а дисперсия – 0,1. Используя неравенство Чебышева, оценить вероятность того, что случайно взятая деталь окажется по длине не менее 49,5 и не более 50,5 см. Уточнить вероятность того же события, если известно, что длина случайно взятой детали имеет нормальный закон распределения.
3. Оценить вероятность того, что отклонение любой случайной величины от ее математического ожидания будет не более двух средних квадратических отклонений (по абсолютной величине).
4. В течение времени  $t$  эксплуатируются 500 приборов. Каждый прибор имеет надежность 0,98 и выходит из строя независимо от других. Оценить с помощью неравенства Чебышева вероятность того, что доля надежных приборов отличается от 0,98 не более чем на 0,1 (по абсолютной величине).

Вариант 2

1. Вероятность сдачи в срок всех экзаменов студентом факультета равна 0,7. С помощью неравенства Чебышева оценить вероятность того, что доля сдавших в срок все экзамены из 2000 студентов заключена в границах от 0,66 до 0,74.
2. Бензоколонка  $N$  заправляет легковые и грузовые автомобили. Вероятность того, что проезжающий легковой автомобиль подъедет на заправку, равна 0,3. С помощью неравенства Чебышева найти границы, в которых с вероятностью, не меньшей 0,79, находится доля

заправившихся в течение 2 ч легковых автомобилей, если за это время всего заправилось 100 автомобилей.

3. В среднем 10% работоспособного населения некоторого региона – безработные. Оценить с помощью неравенства Чебышева вероятность того, что уровень безработицы среди обследованных 10 000 работоспособных жителей города будет в пределах от 9 до 11% (включительно).
4. Выход цыплят в инкубаторе составляет в среднем 70% числа заложенных яиц. Сколько нужно заложить яиц, чтобы с вероятностью, не меньшей 0,95, ожидать, что отклонение числа вылупившихся цыплят от математического ожидания их не превышало 50 (поабсолютной величине)? Решить задачу с помощью: а) неравенства Чебышева.

### Практическая работа №19, 20

**Цель:** решение задач на построение для заданной выборки ее графической диаграммы, расчёта по заданной выборке её числовых характеристик, развитие логического и творческого мышления студентов, самостоятельной деятельности, вычислительных навыков.

#### Вариант 1.

**№ 1.** Для выборки 7,-7,2,7,7,5,5,7,5,-7 определите: а) размах выборки; б) объём выборки; в) статистический ряд; г) выборочное распределение; д) полигон частот; е) выборочное среднее; ж) выборочную дисперсию; з) несмещенную выборочную дисперсию.

**№ 2.** Построить гистограмму частот по данному распределению выборки.

Номер интервала	Частичный интервал	Сумма частот
1	10-15	2
2	15-20	4
3	20-25	8
4	25-30	4
5	30-35	2

*Замечание.* Найти предварительно плотность частоты для каждого интервала.

#### Вопросы для самопроверки.

1. Дайте определение вариационного ряда.
2. Что называется размахом выборки?
3. Как для данной выборки получают статистический ряд и выборочное распределение?
4. Какие графические изображения выборок вы знаете?
5. Чему равна площадь гистограммы относительных частот?
6. Дайте определение выборочного среднего.
7. Дайте определение выборочной дисперсии.

8. Как связаны между собой выборочная дисперсия и несмещенная выборочная дисперсия?

### Вариант 2.

№ 1. Для выборки 5,2,8,-2,5,-2,0,0,8,5 определите: а) размах выборки; б) объем выборки; в) статистический ряд; г) выборочное распределение; д) полигон частот; е) выборочное среднее; ж) выборочную дисперсию; з) несмещенную выборочную дисперсию.

№ 2. Построить гистограмму частот по данному распределению выборки.

Номер интервала	Частичный интервал	Сумма частот
1	2-5	6
2	5-8	7
3	8-11	4
4	11-14	5
5	14-17	3

*Замечание.* Найти предварительно плотность частоты для каждого интервала.

### Вопросы для самопроверки.

1. Дайте определение вариационного ряда.
2. Что называется размахом выборки?
3. Как для данной выборки получают статистический ряд и выборочное распределение?
4. Какие графические изображения выборок вы знаете?
5. Чему равна площадь гистограммы относительных частот?
6. Дайте определение выборочного среднего.
7. Дайте определение выборочной дисперсии.
8. Как связаны между собой выборочная дисперсия и несмещенная выборочная дисперсия?

### Практическая работа №21, 22

Цель: решение задач на интервальное оценивание математического ожидания нормального распределения и интервальное оценивание вероятности события, развитие логического и творческого мышления студентов, самостоятельной деятельности, вычислительных навыков. **Вариант 1.**

1. Математическое ожидание и среднее квадратическое отклонение нормально распределенной случайной величины  $X$  соответственно равны 10 и 2. Найти вероятность того, что в результате испытания  $X$  примет значение, заключенное в интервале (12; 14).
2. Непрерывная случайная величина  $X$  распределена по показательному закону, заданному при  $x > 0$  плотностью распределения  $f(x) = 0,04$ ; при  $x < 0$  функция  $f(x) = 0$ . Найти вероятность того, что в результате испытания  $X$  попадает в интервал (1;2).

3. Случайная величина  $X$  задана плотностью распределения  $u(x)=3x^2$  в интервале  $(0,2)$ ; вне этого интервала  $u(x)=0$ . Найти математическое ожидание величины  $X$ .
4. Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение случайной величины  $X$ , заданной плотностью распределения на отрезке  $[0;1]$ :  $f(x) = 1, x \in [0;1]$ .
5. Написать плотность вероятности нормально распределенной случайной величины  $X$ , зная, что  $M(X) = 6, D(X) = 32$ .

#### Вопросы для самопроверки.

1. Дайте определение нормального распределения вероятности.
2. Какой формулой задается плотность нормального распределения вероятности?
3. По какой формуле вычисляется вероятность случайной величины  $X$ , принадлежащей интервалу  $(a;b)$ ?
4. Чему равна асимметрия нормального распределения?
5. Чему равна мода нормального распределения?
6. Чему равна медиана нормального распределения?
7. Чему равен эксцесс нормального распределения?

#### Вариант 2.

1. Математическое ожидание и среднее квадратическое отклонение нормально распределенной случайной величины  $X$  соответственно равны 20 и 5. Найти вероятность того, что в результате испытания  $X$  примет значение, заключенное в интервале  $(15; 25)$ .
2. Непрерывная случайная величина  $X$  распределена по показательному закону, заданному при  $x \geq 0$  плотностью распределения  $f(x) = \lambda e^{-\lambda x}$ ; при  $x < 0$  функция  $f(x) = 0$ . Найти вероятность того, что в результате испытания  $X$  попадет в интервал  $(-0,01; 0,02)$ .
3. Случайная величина  $X$  в интервале  $(0,5)$  задана плотностью распределения  $f(x)=x$ ; вне этого интервала  $f(x)=0$ . Найти дисперсию  $X$ .
4. Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение случайной величины  $X$ , заданной плотностью распределения на отрезке  $[0;4]$ :  $f(x) = 3, x \in [0;4]$ .
5. Написать плотность вероятности нормально распределенной случайной величины  $X$ , зная, что  $M(X) = 2, D(X) = 11$ .

#### Вопросы для самопроверки.

1. Дайте определение нормального распределения вероятности.
2. Какой формулой задается плотность нормального распределения вероятности?
3. По какой формуле вычисляется вероятность случайной величины  $X$ , принадлежащей интервалу  $(a;b)$ ?
4. Чему равна асимметрия нормального распределения?
5. Чему равна мода нормального распределения?
6. Чему равна медиана нормального распределения?
7. Чему равен эксцесс нормального распределения?

### Практическая работа №23, 24

Цель: решение задач на моделирование случайных величин и моделирование случайной точки, равномерно распределённой в прямоугольнике, развитие логического и творческого мышления студентов, самостоятельной деятельности, вычислительных навыков.

#### Вариант 1.

1. Дискретная случайная величина распределения по закону. Найти  $D(X)$ .

x	1	2	3	4
p	0,3	0,1	0,2	0,4

2. Найти выборочную дисперсию по данному распределению выборки  $n=10$ .

p	102	104	108
$n_i$	2	3	5

Перейти к условным вариантам  $u_i = x_i - 104$ .

3. Разыграть пять возможных значений дискретной случайной величины  $X$ , закон распределения которой задан в виде таблицы:

X	10	2	18
p	0,2	0,17	0,63

4. Дискретная случайная величина  $X$  принимает 3 возможных значения:  $x_1=8$  с вероятностью  $p_1=0,2$ ,  $x_2=6$  с вероятностью  $p_2=0,4$  и  $x_3$  с вероятностью

$p_3$ . Найти  $x_3$  и  $p_3$ , зная, что  $M(X)=20$ .

#### Вопросы для самопроверки.

1. Основные виды выборок. Способы отбора.
2. Оценка неизвестных параметров распределения случайной величины. Примеры. Что берется в качестве оценки  $M(X)$ ,  $D(X)$ .
3. Математическое ожидание и его свойства.
4. Дисперсия дискретной случайной величины и ее свойства. Формулы для вычисления дисперсии.
5. Выборочная и генеральная дисперсия. Формула для вычисления выборочной и генеральной дисперсии.
6. Среднее квадратическое отклонение.
7. Чем является выборочное среднее  $\bar{x}$ , вычисляемое по  $n$  независимым наблюдениям над случайной величиной  $X$ , которая имеет  $M(X)$ ?

#### Вариант 2.

1. Дискретная случайная величина распределения по закону. Найти  $D(X)$ .

x	2	4	6	8
p	0,4	0,2	0,3	0,1

2. Найти выборочную дисперсию по данному распределению выборки объема  $n=100$ .

$x_i$	340	360	375	380
$n_i$	20	20	18	12

Перейти к условным вариантам  $u_i = x_i - 360$ .

3. Разыграть пять возможных значений дискретной случайной величины  $X$ , закон распределения которой задан в виде таблицы:

X	18	10	2
p	0,17	0,61	0,22

4. Построить многоугольник распределения дискретной случайной величины, заданной законом распределения.

Y	2	4	5	6
P	0,1	0,3	0,2	0,4

#### Вопросы для самопроверки.

1. Основные виды выборок. Способы отбора.
2. Оценка неизвестных параметров распределения случайной величины. Примеры. Что берется в качестве оценки  $M(X)$ ,  $D(X)$ .
3. Математическое ожидание и его свойства.
4. Дисперсия дискретной случайной величины и ее свойства. Формулы для вычисления дисперсии.
5. Выборочная и генеральная дисперсия. Формула для вычисления выборочной и генеральной дисперсии.
6. Среднее квадратическое отклонение.
7. Чем является выборочное среднее  $\bar{x}$ , вычисляемое по  $n$  независимым наблюдениям над случайной величиной  $X$ , которая имеет  $M(X)$ ?

#### Практическая работа №25

Цель: проверка усвоения знаний пройденного материала и умение применять к решению задач по теории вероятностей и математической статистике, развитие логического и творческого мышления студентов, самостоятельной деятельности, вычислительных навыков.

##### Вариант 1.

1. В партии из 8 деталей имеется 6 стандартных. Найдите вероятность того, что среди пяти взятых наугад деталей ровно 3 стандартных.
2. В пирамиде 5 винтовок, три из которых с оптическим прицелом. Вероятность того, что стрелок поразит мишень при выстреле из винтовки с оптическим прицелом, равна 0,95; для винтовки без оптического эта вероятность равна 0,7. Найти вероятность того, что мишень будет поражена, если стрелок произведет один выстрел из наудачу взятой винтовки.
3. Для выборки 2,5,7,5,7,7,7,5,7,7 определите: а) размах выборки  
б) объем выборки  
в) статистический ряд  
г) выборочное распределение д) полигон частот

- е) выборочное среднее
- ж) выборочную дисперсия
- з) несмещенную выборочную дисперсию

5. Постройте гистограмму частот по данному распределению выборки

№ п/п	Частичный интервал	Сумма частот
1	1-5	10
2	5-9	20
3	9-13	50
4	13-17	12
5	17-21	8

## 2 вариант

1. В урне 9 белых и 6 черных шаров. Из урны вынимают 2 шара. Какова вероятность того, что оба шара окажутся белыми?

2. В ящике содержится 12 деталей, изготовленных в цехе № 1, 20 деталей – в цехе № 2 и 18 деталей - в цехе № 3. Вероятность того, что деталь, изготовленная в цехе № 1, отличного качества, равна 0,9; для деталей, изготовленных в цехах № 2 и №3 эти вероятности соответственно равны 0,6 и 0,8. Найти вероятность того, что извлеченная наудачу деталь окажется отличного качества

3. Для выборки 6,6,1,5,6,5,6,6,5,0 определите:

- а) размах выборки
- б) объем выборки
- в) статистический ряд
- г) выборочное распределение
- д) полигон частот
- е) выборочное среднее
- ж) выборочную дисперсия

5. Постройте гистограмму частот по данному распределению выборки

№ п/п	Частичный интервал	Сумма частот
1		5
2	7-12	10
3	12-17	25
4	17-22	6
5	22-27	4

#### 4. Контрольно-оценочные материалы для итоговой аттестации по учебной дисциплине

Предметом оценки являются умения и знания. Контроль и оценка осуществляются с использованием следующих форм и методов:

- практическая работа;
- индивидуальное проектное задание;
- самостоятельная работа.

Оценка освоения дисциплины предусматривает использование накопительной системы оценивания и проведение зачета.

#### Вопросы к зачету:

1. Формула Пуассона. Связь с формулой Бернулли
2. Интегральная формула Муавра-Лапласа. 3 следствия с выводом.
3. Неравенство Чебышева. Закон больших чисел.
4. Математические операции над случайными величинами. Пример.
5. Показательный закон распределения. Вычисление математического ожидания и дисперсии.
6. Случайные события. Сумма, произведение случайных событий. Противоположные случайные события.
7. Полиномиальная схема.
8. Вероятность суммы 2-х несовместимых событий.
9. Вероятность произведения 2-х независимых событий. 10. Классическое определение вероятности. Свойства вероятностей. 11. Вероятность произведения 2-х зависимых событий. 12. Графический способ задания непрерывной и дискретной случайных величин.
13. Дисперсия дискретной случайной величины и ее свойства.
14. Центральная предельная теорема А.А. Ляпунова.
15. Мода и медиана случайной величины.
16. Среднее квадратичное отклонение и коэффициент вариации. 17. Запишите формулу вычисления среднего квадратичного отклонения. 18. Математическое ожидание, дисперсия, стандартное отклонение.
19. Размещения без повторений. Формула. Пример.
20. Чему равна площадь гистограммы относительных частот? 21. Дайте определение многоугольника распределения дискретной случайной величины.
22. Сочетания без повторений. Формула. Пример.



23. Случайное событие. Достоверные и невозможные события. Сумма и произведение событий события.
24. Табличный способ задания дискретной и непрерывной случайных величин.
25. Повторные независимые испытания. Формула Бернулли. 26. Дискретные и непрерывные величины. Примеры дискретных и непрерывных величин. Примеры конечных и бесконечных множеств.
27. Классическое определение вероятности. Свойства вероятностей.
28. Вывести формулу полной вероятности.
29. Локальная теорема Лапласа. Свойства функции.

#### Задачи к зачету:

1. Несколько мальчиков встретились на вокзале, чтобы поехать за город в лес. При встрече все они поздоровались друг с другом за руку. Сколько мальчиков поехало за город, если всего было 10 рукопожатий?
2. Найдите математическое ожидание, дисперсию и стандартное отклонение для случайной величины, заданной таблицей:

Значения	-2	1	3
Вероятность	0,3	0,5	0,2

3. Из лагеря вышли четыре туриста: Вася, Галя, Толя и Лена. Вася идет впереди Лены, Толя впереди Гали, а Лена впереди Толи. В каком порядке идут дети?
4. Вычислить:  $A_8 - A_7$
5. В столовой на горячее можно заказать щуку, грибы и баранину, на гарнир – картофель и рис, а из напитков – чай и кофе. Сколько различных вариантов обедов можно составить из указанных блюд?
6. Найти пересечение множества решений уравнения  $(x^2-16)(x^2-2x-3)=0$  с множеством  $A\{-1,0,2\}$
7. В первенстве класса по шашкам 5 участников: Аня, Боря, Влад, Гриша, Даша. Первенство проводится по круговой системе – каждый из участников играет с каждым из остальных один раз. К настоящему времени некоторые игры уже проведены: Аня сыграла с Борей, Владом и Дашей; Боря сыграл, как уже говорилось, с Аней и еще с Гришей; Влад – с Аней и Дашей, Гриша – с Борей, Даша – с Аней и Гришей. Сколько игр проведено к настоящему времени и сколько еще осталось?
8. Устройство состоит из трех независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого элемента в одном опыте равна 0,3. Составить закон распределения числа отказавших элементов в одном опыте.

X	3	4	5	6	7
P	$p_1$	0,15	$p_3$	0,25	0,35

9. На пришкольном участке растут 8 деревьев: яблоня, тополь, береза, рябина, дуб, клен, лиственница и сосна. Рябина выше лиственницы, яблоня

выше клена, дуб ниже березы, но выше сосны, сосна выше рябины, береза ниже тополя, а лиственница выше яблони. Расположите деревья от самого низкого к самому высокому

10. Вычислить:  $C_8^{\tilde{N}} - \tilde{N}^2$   
6

11. В одном классе учатся Иван, Петр и Сергей. Их фамилии Иванов, Петров и Сергеев. Установи фамилию каждого из ребят, если известно, что Иван не Иванов, Петр не Петров и Сергей не Сергеев и что Сергей живет в одном доме Петровым

12. Найдите математическое ожидание, дисперсию и стандартное отклонение для случайной величины, заданной таблицей:

Значения	-2	2	3
Вероятность	0,3	0,5	0,2

13. Три друга – Алеша, Сергей и Денис – купили щенков разной породы: щенка ротвейлера, щенка колли и щенка овчарки. Известно, что: щенок Алеша темнее по окрасу, чем ротвейлер, Леси и Гриф; щенок Сергея старше Грифа, ротвейлера и овчарки; Джек и ротвейлер всегда гуляют вместе. У кого какой породы щенок?  
3 2

14. Вычислить:  $A_9 - A_6$

15. В одном дворе живут четыре друга. Вадим и шофер старше Сергея, Николай и слесарь занимаются боксом, электрик-младший из друзей. Повечерам Андрей и токарь играют в домино против Сергея и электрика. Определите профессию каждого из друзей.

16. Найти множество решений уравнения  $(x^2-9)(x^2-6x+9)=0$ . Найдите пересечение данного множество с множеством  $Q$  рациональных чисел.

17. В первенстве класса по настольному теннису 6 участников: Андрей, Борис Виктор, Галина, Дмитрий и Елена. Первенство проводят по круговой системе – каждый из участников играет с каждым из остальных один раз. К настоящему моменту некоторые игры уже проведены: Андрей сыграл с Борисом, Галиной, Еленой; Борис – с Андреем, Галиной; Виктор – с Галиной, Дмитрием, Еленой; Галина – с Андреем, Виктором и Борисом.

Сколько игр проведено к настоящему моменту и сколько еще осталось?

18. Аркадий, Борис. Владимир, Григорий и Дмитрий при встрече обменялись рукопожатиями (каждый пожал руку каждому по одному разу). Сколько всего рукопожатий было сделано?  
3

19. Вычислить:  $C_8^3 - C_7^3$

20. Можно ли 25 приборов соединить проводами так, чтобы каждый прибор был соединен ровно с пятью другими?

21. Найдите пересечение множества решений уравнения  $(x^2-4)(x^2-2x-3)=0$  с множеством  $A\{-1,0,1\}$

22. Дискретная случайная величина  $X$  имеет закон распределения

	2	5	8	11	14
	$p_1$	0,15	$p_3$	0,45	0,15

Найти вероятности  $p_1$  и  $p_3$ , если известно, что  $p_1$  в 2 раза меньше  $p_3$ .

23. Сколько можно записать четырехзначных чисел, используя без повторения все десять цифр?

24. Сколькими способами можно расставить девять различных книг на полках, чтобы определённые четыре книги стояли рядом?

25. Вычислить:  $C_8 - C_3$   
7

26. Производится три выстрела с вероятностями попадания в цель, равными  $p_1=0,7$ ;  $p_2=0,8$  и  $p_3=0,6$ . Найти математическое ожидание общего числа попаданий.

X	2	4	5	6
P	0,3	0,1	0,4	0,2

27. Имеется три предмета: карандаш, тетрадь и линейка. Сколькими способами из этих канцелярских принадлежностей можно выбрать 2 предмета?

28. Найти математическое ожидание суммы числа очков, которые могут выпасть при бросании двух игральных костей.

X	2	5	8	9
P	0,2	0,4	0,1	0,3

29. Из 26 учащихся класса надо выбрать старосту и его заместителя.

Сколькими способами это можно сделать?

30. Четыре друга купили билеты в кино: на 1-е и 2-е места в первом ряду и на 1-е и 2-е места во втором ряду. Сколькими способами друзья могут занять эти 4 места в кинотеатре?

31. Найти множество решений уравнения  $(x^2-4)(x^2-6x+5)=0$ . Найдите пересечение данного множества с множеством  $A\{-2,-1,0,2\}$ .

32. Дискретная случайная величина  $X$  принимает 3 возможных значения:  $x_1=6$  с вероятностью  $p_1=0,5$ ,  $x_2=4$  с вероятностью  $p_2=0,3$  и  $x_3$  с вероятностью  $p_3$ . Найти  $x_3$  и  $p_3$ , зная, что  $M(X)=12$ .

X	3	4	5	6	7
P	$p_1$	0,15	$p_3$	0,25	0,35

33. Сколько существует способов выбрать троих ребят из 11 желающих дежурить по школе?

34. В воскресенье 19 учеников нашего класса побывали в планетарии, 10 – в цирке и 6 – на стадионе. Планетарий и цирк посетили 5 учеников; планетарий и стадион – 3; цирк и стадион – 1. Сколько учеников в нашем

классе, если никто не успел посетить все три места, а три ученика не посетили ни одного места?

2 3

35. Вычислить:  $A_1^2 - A_7$

36. Дискретная случайная величина  $X$  принимает 3 возможных значения:  $x_1=8$  с вероятностью  $p_1=0,2$ ,  $x_2=6$  с вероятностью  $p_2=0,4$  и  $x_3$  с вероятностью  $p_3$ . Найти  $x_3$  и  $p_3$ , зная, что  $M(X)=20$ .

X	2	5	8	11	14
P	$p_1$	0,15	$p_3$	0,45	0,15

37. Сколькими способами могут занять первое, второе и третье места 8 участниц финального забега на дистанции 100 м?

38. Каждая из 30 невест красива, воспитана или умна. Воспитанных – 21, красивых – 18, умных – 15, красивых и воспитанных – 11, умных и воспитанных – 9, умных и красивых – 7, Сколько невест обладают тремя качествами?

39. Вычислить:  $C_9^4 - C_5$

40. Из 100 туристов, выехавших в заграничное путешествие, владею немецким языком 30 человек, английским – 28, французским – 42, английским и немецким – 8, английским и французским – 10, немецким и французским – 5, тремя этими языками – 3. Сколько туристов не владеют ни одним из этих языков, владеют одним английским, одним французским, одним немецким?

41. Построить гистограмму частот по данному распределению выборки.

Номер интервала	Частичный интервал	Сумма частот
1	2-5	6
2	5-8	7
3	8-11	4
4	11-14	5
5	14-17	3

42. Построить гистограмму частот по данному распределению выборки.

Номер интервала	Частичный интервал	Сумма частот
1	10-15	2
2	15-20	4
3	20-25	8
4	25-30	4

5	30-35	2
---	-------	---

43. Сколькими способами могут быть распределены первая, вторая и третья премии между 13 участниками конкурса?
44. Всего 35 человек. Яблоки любят 20 человек, сливы – 16 человек, груши – 15 человек, яблоки и груши – 9, яблоки и сливы – 10, сливы и груши – 8, все фрукты любят 3 человека. Сколько человек не яблоки, сливы, груши?
45. Найти пересечение множества решений уравнения  $(x^2-16)(x^2-2x-3)=0$  множеством  $Z$  целых чисел
46. В одном украинском городе все жители говорят на русском и украинском языках. По-украински говорят 85 % всех жителей, а по-русски – 75 %. Сколько % всех жителей этого города говорят на обоих языках?

47. Дискретная случайная величина распределения по закону. Найти  $D(X)$ .

x	1	2	3	4
p	0,3	0,1	0,2	0,4

48. В классе 30 учащихся. Из них 18 занимаются в секции легкой атлетики, 10 – в секции плавания, 3 – в обеих секциях. Сколько учащихся этого класса не занимаются ни в одной из этих секций?
49. Найти выборочную дисперсию по данному распределению выборки  $n=10$ .

p	102	104	108
$n_i$	2	3	5

50. В классе 30 учащихся. Сколькими способами можно выбрать из класса команду из 4 учащихся для участия в олимпиаде по истории, литературе, русскому и английскому языкам?

51. Дискретная случайная величина распределения по закону. Найти  $D(X)$ .

x	2	4	6	8
p	0,4	0,2	0,3	0,1

52. Разыграть пять возможных значений дискретной случайной величины  $X$ , закон распределения которой задан в виде таблицы:

X	18	10	2
p	0,17	0,61	0,22

53. В урне – разноцветные шары, пронумерованные от 1 до 25 включительно. Пятая часть из них синего цвета, остальные – белые. Сколько есть способов выбора синего шара?

54. Разыграть пять возможных значений дискретной случайной величины  $X$ , закон распределения которой задан в виде таблицы:

X	10	2	18
p	0,2	0,17	0,63

55. Сколькими способами 6 девятиклассников, сдающих экзамен, могут занять места в кабинете, в котором стоит 15 столов?

56. Сколько различных перестановок можно образовать из букв «комбинаторика»?
57. Найти выборочную дисперсию по данному распределению выборки объема  $n=100$ .

$x_i$	340	360	375	380
$n_i$	20	20	18	12

58. Сколько различных перестановок можно образовать из букв «абракадабра»?
59. Построить многоугольник распределения дискретной случайной величины, заданной законом распределения.

Y	2	4	5	6
P	0,1	0,3	0,2	0,4

60. Какова вероятность того, что случайно выбранный телефонный номер оканчивается двумя чётными цифрами?
61. Если шахматист А. играет белыми фигурами, то он выигрывает у шахматиста Б. с вероятностью 0,52. Если А. играет черными, то А. выигрывает у Б. с вероятностью 0,3. Шахматисты А. и Б. играют две партии, причём во второй партии меняют цвет фигур. Найдите вероятность того, что А. выиграет оба раза.
62. Вероятность того, что в случайный момент времени температура тела здорового человека окажется ниже чем  $36,8^\circ\text{C}$ , равна 0,81. Найдите вероятность того, что в случайный момент времени у здорового человека температура окажется  $36,8^\circ\text{C}$  или выше.
63. При изготовлении подшипников диаметром 67 мм вероятность того, что диаметр будет отличаться от заданного не больше, чем на 0,01 мм, равна 0,965. Найдите вероятность того, что случайный подшипник будет иметь диаметр меньше чем 66,99 мм или больше чем 67,01 мм.
64. Вероятность того, что батарейка бракованная, равна 0,06. Покупатель в магазине выбирает случайную упаковку, в которой две таких батарейки. Найдите вероятность того, что обе батарейки окажутся исправными.
65. В магазине три продавца. Каждый из них занят с клиентом с вероятностью 0,3. Найдите вероятность того, что в случайный момент времени все три продавца заняты одновременно (считайте, что клиенты заходят независимо друг от друга).
66. Биатлонист пять раз стреляет по мишеням. Вероятность попадания в мишень при одном выстреле равна 0,8. Найдите вероятность того, что биатлонист первые три раза попал в мишени, а последние два промахнулся. Результат округлите до сотых.
67. Помещение освещается фонарём с двумя лампами. Вероятность перегорания лампы в течение года равна 0,3. Найдите вероятность того, что в течение года хотя бы одна лампа не перегорит.

68. На экзамене по геометрии школьник отвечает на один вопрос из списка экзаменационных вопросов. Вероятность того, что это вопрос по теме «Вписанная окружность», равна 0,2. Вероятность того, что это вопрос по теме «Параллелограмм», равна 0,15. Вопросов, которые одновременно относятся к этим двум темам, нет. Найдите вероятность того, что на экзамене школьнику достанется вопрос по одной из этих двух тем.
69. На экзамене 25 билетов, Сергей не выучил 3 из них. Найдите вероятность того, что ему попадётся выученный билет.
70. Коля выбирает трехзначное число. Найдите вероятность того, что оно делится на 5.
71. Телевизор у Маши сломался и показывает только один случайный канал. Маша включает телевизор. В это время по трем каналам из двадцати показывают кинокомедии. Найдите вероятность того, что Маша попадет на канал, где комедия не идет.
72. На тарелке 12 пирожков: 5 с мясом, 4 с капустой и 3 с вишней. Наташа наугад выбирает один пирожок. Найдите вероятность того, что он окажется свишней.
73. Для экзамена подготовили билеты с номерами от 1 до 50. Какова вероятность того, что наугад взятый учеником билет имеет однозначный номер?
74. В мешке содержатся жетоны с номерами от 5 до 54 включительно. Какова вероятность, того, что извлеченный наугад из мешка жетон содержит двузначное число?
75. В денежно-вещевой лотерее на 100 000 билетов разыгрывается 1300 вещевых и 850 денежных выигрышей. Какова вероятность получить вещевой выигрыш?
76. Определите вероятность того, что при бросании игрального кубика (правильной кости) выпадет нечетное число очков.
77. В случайном эксперименте симметричную монету бросают дважды. Найдите вероятность того, что орел выпадет ровно 1 раз.
78. Игральную кость бросают дважды. Найдите вероятность того, что сумма двух выпавших чисел равна 4 или 7.
79. В соревнованиях по художественной гимнастике участвуют три гимнастки из России, три гимнастки из Украины и четыре гимнастки из Белоруссии. Порядок выступлений определяется жеребьевкой. Найдите вероятность того, что первой будет выступать гимнастка из России.